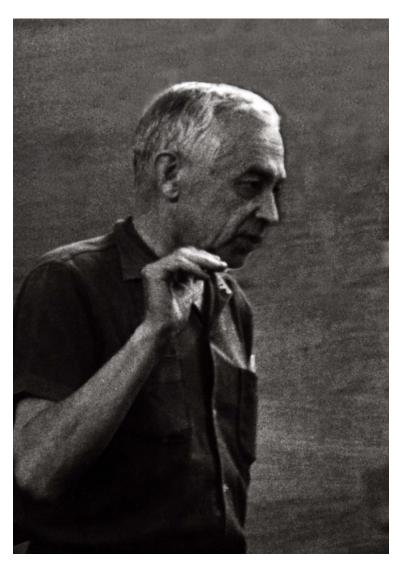


## От модели роста дерева И.А.Полетаева до моделей лесных экосистем

#### Комаров Александр Сергеевич

(Институт физико-химических и биологических проблем почвоведения РАН, Пущино)

#### 1978 год. Пущино. Международная школаконференция по математическому моделированию в экологии

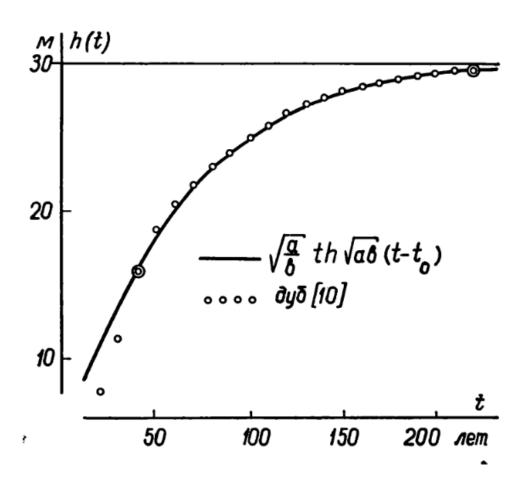


#### Модель роста дерева в высоту (Полетаев, 1966)

#### (ответ на вопрос, почему дерево не растет в высоту бесконечно)

- The total amount of increment (and energy receiving) in average per time unit is proportional to green surface of the plant. According to H1 this quantity is  $\alpha x^2$ ,  $\alpha > 0$ , where  $\alpha =$  const, accounting the size and shape of leaves, intensity of photosynthesis. Its dimension is erg/sec\*cm<sup>2</sup>. In conformance with H2  $\alpha x^2$  is a single term that describes the enlistment of free energy.
- The expenditure of free energy for the main exchange of energy and substances in the plant is proportional to  $\alpha x^2$ . Set it equal to  $-\beta \alpha x^2$ ;  $0 < \beta < 1$ ;  $\beta = const$ , and it is dimensionless.
- The expenditure for lifting of solution is proportional to the mass or volume of plant  $x^3$ , that is  $-\gamma x^3$  and linear size (height of centre of mass of the plant x. That is the expenditure for lifting of solution is equal to  $-\gamma x^3 x = -\gamma x^4$ ;  $\gamma > 0$ ;  $\gamma = const$  with dimension erg/sec cm<sup>4</sup>.
- The expenditure of energy and substances for mass increment (growth) is proportional to derivative of mass  $\delta x^3$ :
- $-d(\delta x^3)/dt = -3\delta x^2 dx/dt;$
- $\delta$  = const, and its dimension is erg/cm<sup>3</sup>.
- Balance equation for coming and expenditure of energy:
- $\alpha x^2 y(1 \beta) \gamma x^4 3\delta x^2 dx/dt = 0$ ;
- or
- $dx/dt = a bx^2$ ,
  - where  $a = \alpha(1 \beta)/3\delta$  (cm/sec);  $b = \gamma/3\delta(1/\text{cm sec})$ .
- The solution of this problem may be reached by methods of mathematical analysis. The equation may be integrated easily and a result is as follows:
- $x(t) = \sqrt{(a/b)} th \sqrt{(ab)(t t_o)}$ .

На рис. 1 приведена кривая, построенная по (2) (сплошная линия), и экспериментальные данные высоты дуба в зависимости от возраста [10]. Величины а и b в (2) были подобраны так, чтобы совместить две точки, отмеченные на рисунке.



#### Развитие модели

Сибирский экологический журнал, 4 (1999) 403-417

УДК 517.630 © **1999** 

#### Моделирование динамики однопородных древостоев

Г. П. КАРЕВ, Ю. И. СКОМОРОВСКИЙ

Центр по проблемам экологии и продуктивности лесов РАН 117418 Москва, ул. Новочеремушинская, 69

менения массы как разность между интенсивностями фотосинтеза и дыхания с учетом экологических параметров. На основе балансового принципа в форме закона сохранения энергии И. А. Полетаевым [5] предложена простая, но эффективная модель роста свободно растущего дерева (основная идея которой используется ниже). Балансовые соотношения в той или иной форме применяются в подавляющем боль-

мало применяемым (в основном вследствие математических трудностей) является принцип оптимальности, используемый как на популяционном, так и на организменном уровне моделирования. Одна из первых достаточно детальных моделей роста дерева, использующих этот принцип, построена в работе [10], где предполагалось, что процесс распределения ассимилятов максимизирует прирост биомассы. Модели

#### Развитие модели

MATEMATUYECKAЯ БИОЛОГИЯ И БИОИНФОРМАТИКА, 2008, том 3, №2, c. 85-102, http://www.matbio.org/downloads/Kolobov2008(3\_85).pdf

УДК 51:502.4 (671.621)

#### Моделирование процессов динамической самоорганизации в пространственно распределенных растительных сообществах

©2008 А.Н. Колобов \*, Е.Я. Фрисман\*\*

Институт комплексного анализа региональных проблем ДВО РАН; Россия, 679016,

#### Рост дерева в условия конкуренции

Для описания роста дерева в качестве исходного пункта использовали модель свободного роста дерева, предложенную в работе Полетаева [11]. Согласно этой модели, дерево получает энергию только путем фотосинтеза, свободная энергия расходуется на нужды фотосинтеза, на построение живой ткани и на подъем раствора из почвы. Уравнение роста записывается в форме закона сохранения энергии и имеет вид

$$\alpha H^2 - \alpha \beta H^2 - \gamma H^4 - \delta \frac{d}{dt} (\rho H^3) = 0 \tag{2.1}$$

#### 1978 год. Пущино. Международная школаконференция по математическому моделированию в экологии





#### Эндогенная сукцессия по С.М.Разумовскому

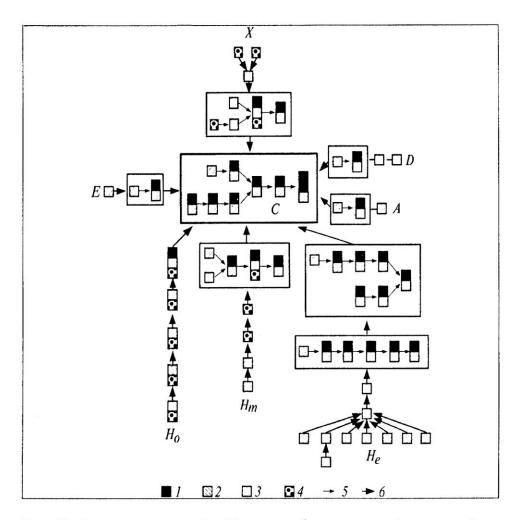
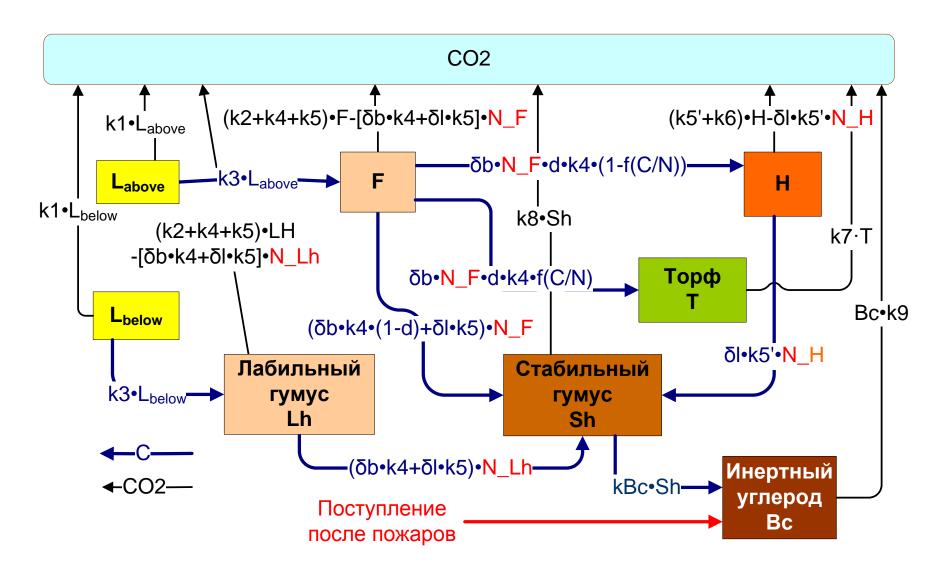
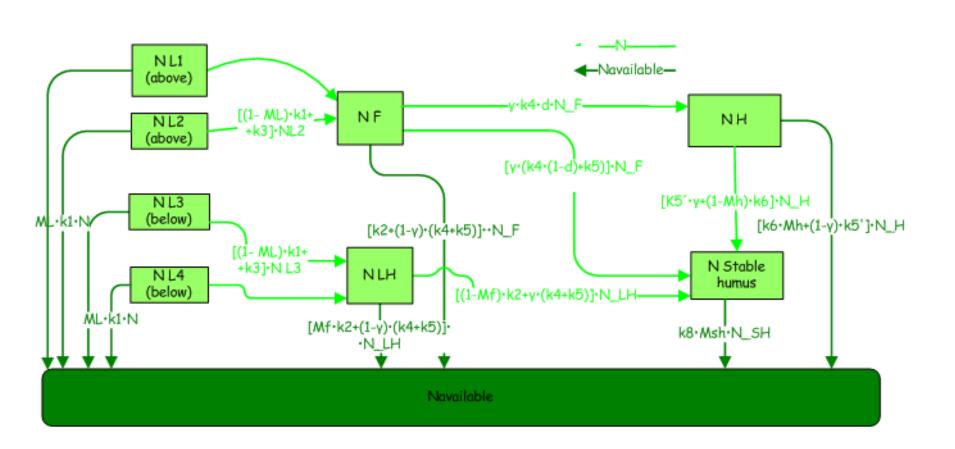


Рис. 63. Ярусность ассоциаций в Московском ботанико-географическом районе. 1 — древесный ярус; 2 — подлесок; 3 — травяной или кустарничковый ярус; 4 — моховой ярус; 5 — демутационные и 6 — экогенетические смены; X — ксеросерия; мезосерии: E — элювиальная; D — делювиальная; A — аллювиальная; гидросерии:  $H_o$  — олиготрофная;  $H_m$  — мезотрофная;  $H_e$  — евтрофная; C — климакс.

#### Генерализованные пулы и потоки углерода в модели ROMUL

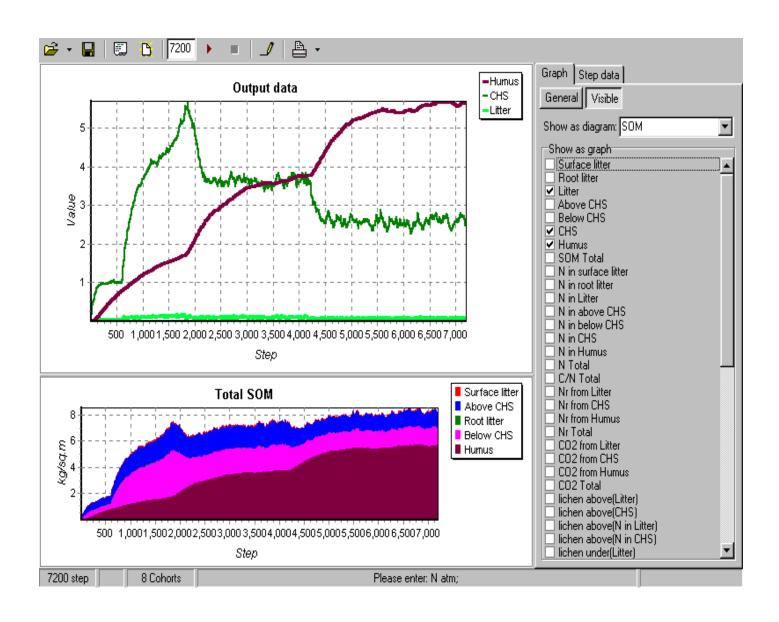


#### Генерализованные пулы и потоки азота в модели ROMUL



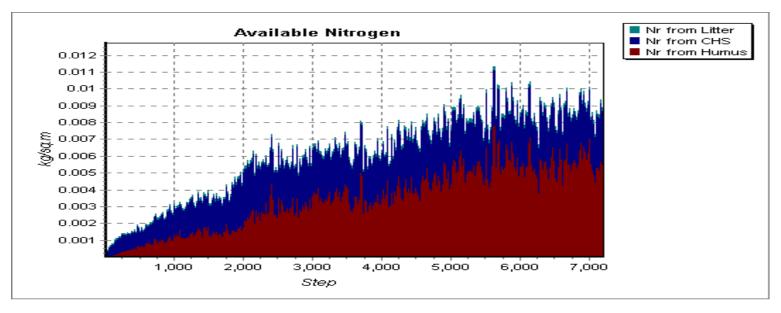


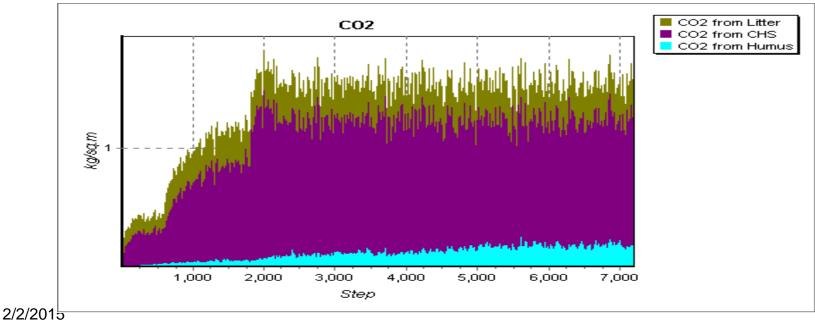
#### Интерфейс модели ROMUL



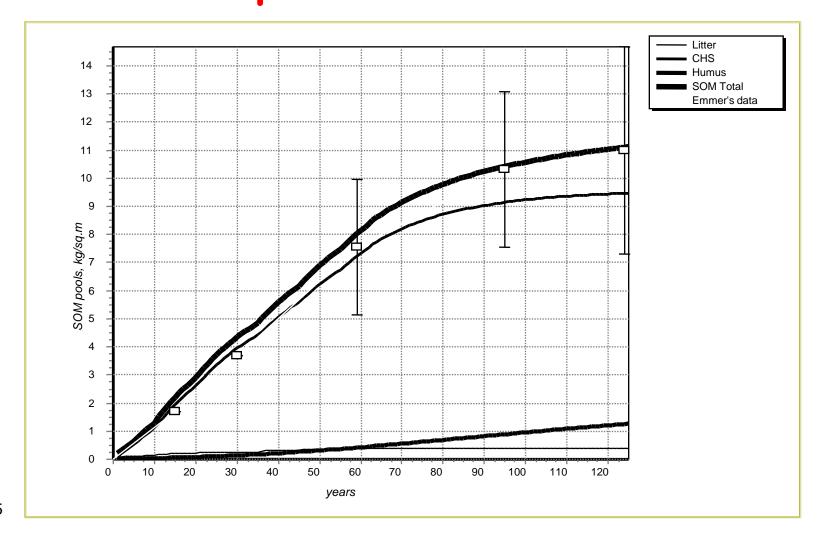


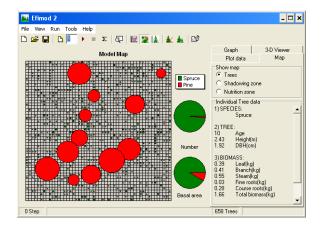
#### Поток СО2 и доступного азота

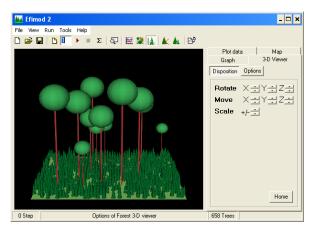


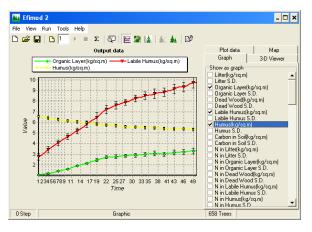


# Сравнение экспериментальных данных (Emmer, 1995) с модельными прогонами





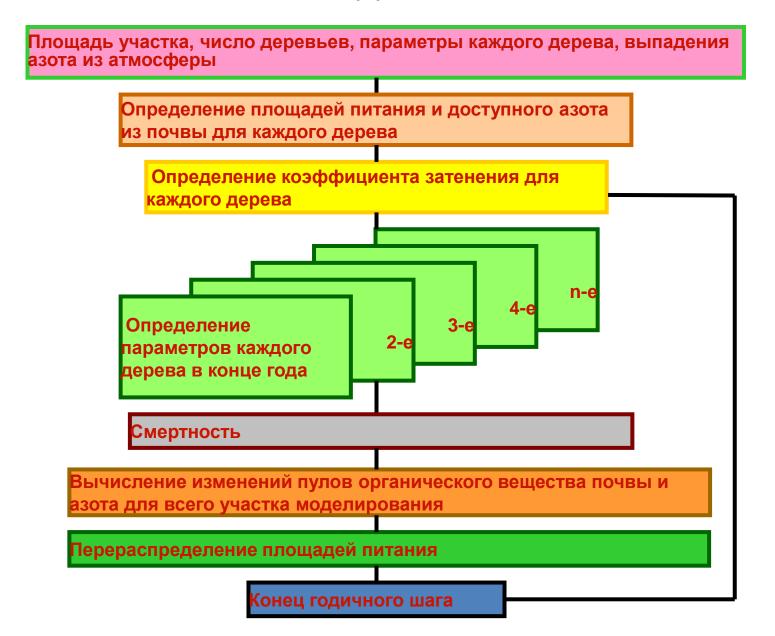




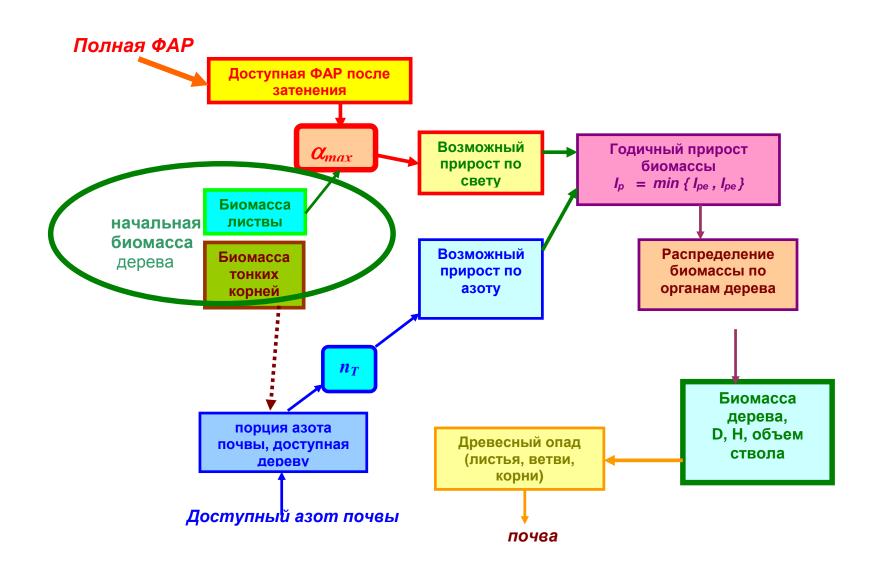
## Краткое описание модели EFIMOD

- EFIMOD система моделей, в которой древостой представлен пространственно распределенным сообществом деревьев, (individual based model)
- Система моделей состоит из 3 основных частей: модель роста отдельного дерева, модели динамики органического вещества почвы ROMUL и статистического генератора климата SCLISS
- Рост дерева зависит от освещенности и доступных растениям соединений азота
- ROMUL модель, описывающая процессы минерализации и гумификации
- SCLISS позволяет оценивать температуру и влажность почвы по стандартным метеорологическим длинным рядам наблюдений

#### Блок схема годичного шага EFIMOD

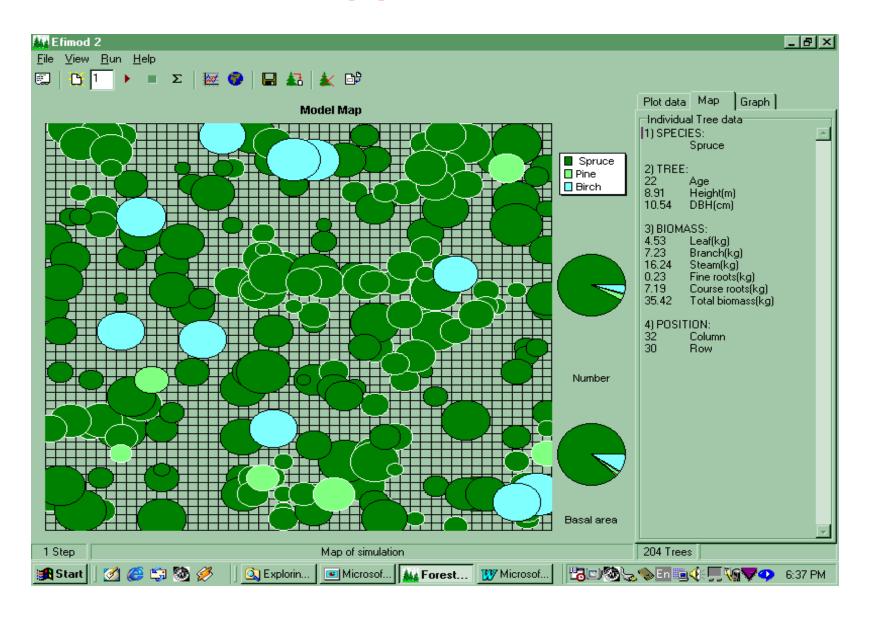


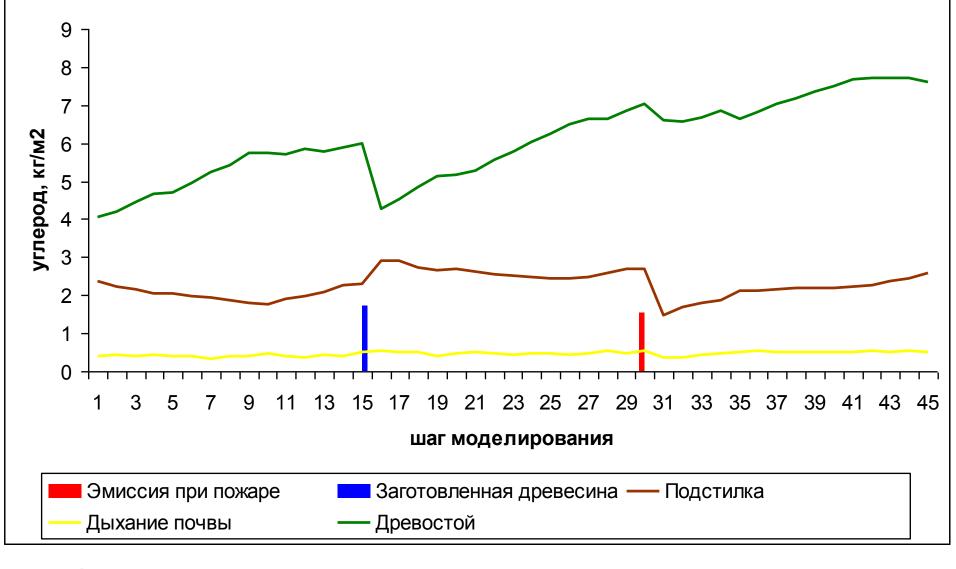
#### **EFIMOD 2:** Подмодель роста дерева



	Входные данные	Выходные данные
Климатические	Среднемесячная температура воздуха и почвы, среднемесячное количество осадков	
Почвенные	Запасы органического вещества и содержание азота в органических и минеральных горизонтах почвы	Запасы органического вещества и содержание азота в органических и минеральных горизонтах почвы, количество азота в доступных для растений формах, эмиссия CO2
Видовые	Потенциальный прирост, коэффициенты по распределению биомассы по органам дерева, удельное потребление азота	
Параметры древостоя	Видовой и возрастный состав, высота, диаметр, количество деревьев	Видовой и возрастной состав, высота, диаметр, количество деревьев, биомасса, запас
Лесохозяйственные	Время рубки, тип рубки, интенсивность, количество порубочных остатков, посадки, возобновление	Количество запасенной древесины, количество азота и углерода, вывезенных с территории

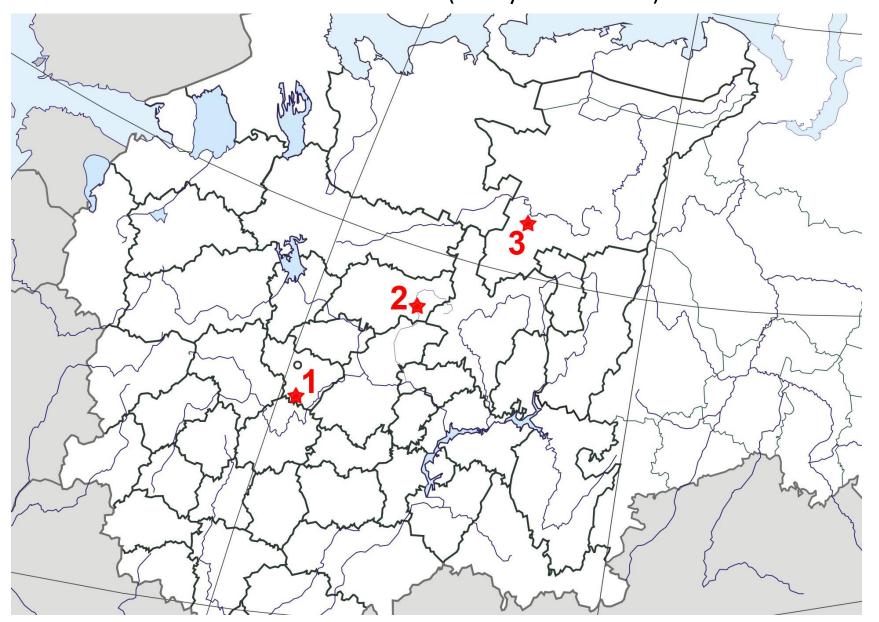
#### Интерфейс EFIMOD 2



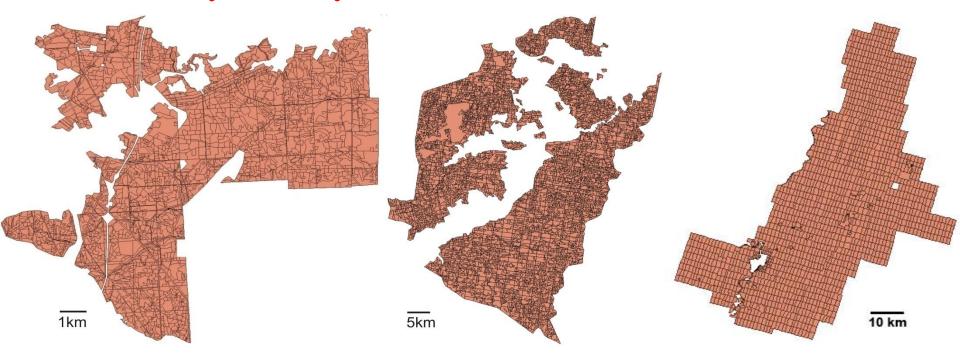


Пример моделирования на одиночном выделе (ельник долгомошный средневозрастный, 9E1Б+С)

**Модельные объекты:** 1 — Данковское лесничество (Московская область), 2 — Мантуровское лесничество (Костромская область), 3 — Железнодорожное лесничество (Республика Коми)



### Характеристика объектов:



**2200** выделов

**66000** га

**21637** выделов

**180600** га

**57791** выделов

**1195000** га

Сумма осадков: 491 мм

Средняя температура:

**3.7°C** 

Сумма осадков: 633

MM

Средняя

температура: 2.3°C

Сумма осадков: 693

MM

Средняя

температура: 0.1°C

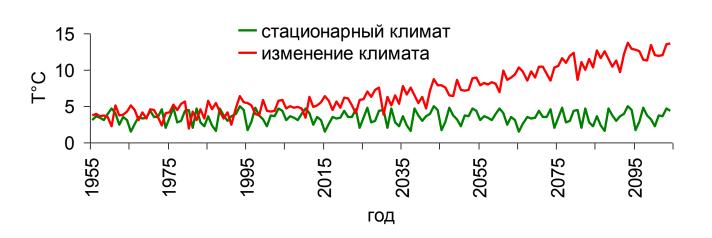
#### Модельные сценарии

**NAT\_**: Без рубок, естественное возобновление имитируется раз в 15 лет из расчета 2000 деревьев на гектар.

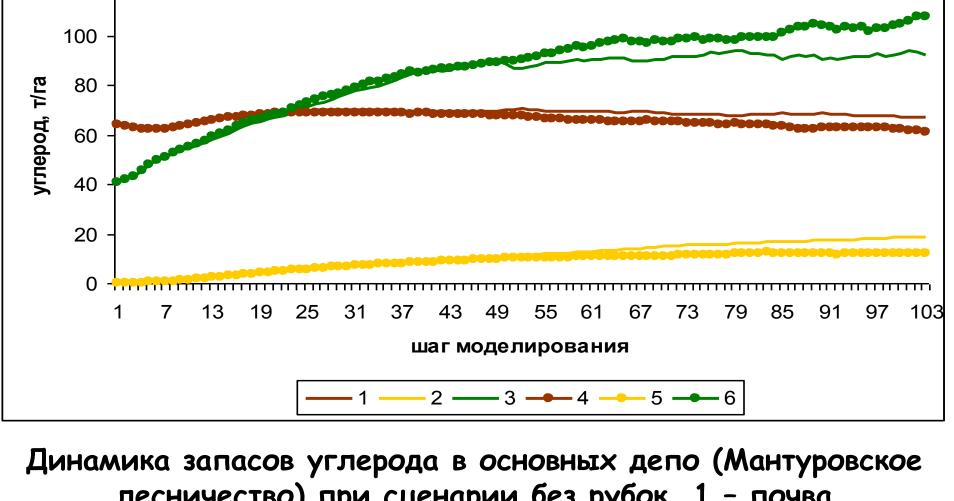
**FIR\_**: Аналогично предыдущему, но с дополнительной имитацией лесных пожаров.

**SC\_**: Сценарий с двумя рубками ухода и последующей серией выборочных рубок с изъятием 35% деревьев (по сумме площадей сечений).

**LR\_**: Сценарий с четырьмя рубками ухода и последующей сплошной рубкой главного пользования.

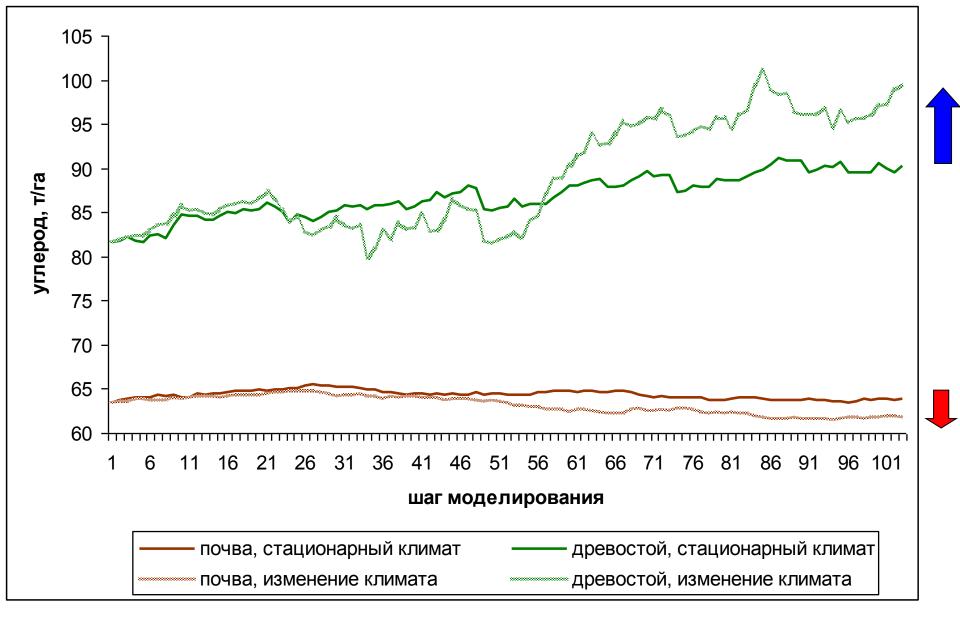


Модель HadCM3, сценарий эмиссии A1Fi

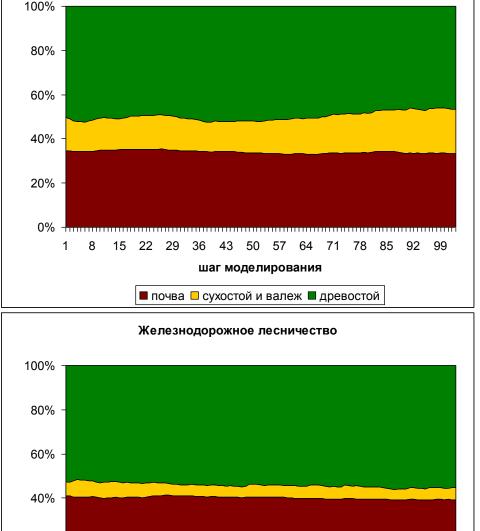


120

Динамика запасов углерода в основных депо (Мантуровское лесничество) при сценарии без рубок. 1 - почва (стационарный климат), 2 - сухостой и валеж (стационарный климат), 3 - древостой (стационарный климат), 4 - почва (изменение климата), 5 - сухостой и валеж (изменение климата), 6 - древостой (изменение климата)



Динамика запасов углерода в основных депо при различных климатических сценариях (Железнодорожное лесничество)

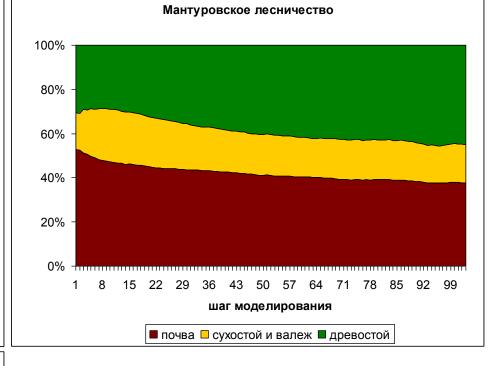


66 43 50 57 64 **шаг моделирования** 

■ почва □ сухостой и валеж ■ древостой

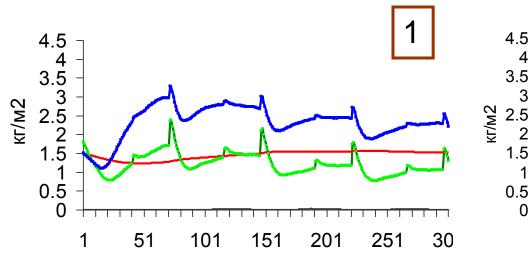
20%

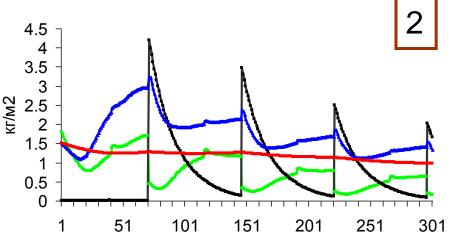
Данковское лесничество



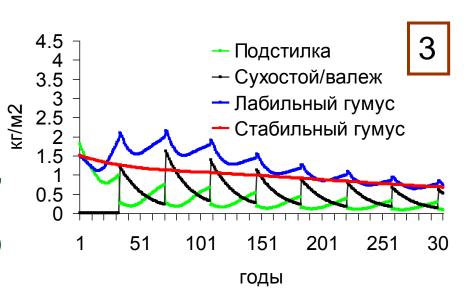
Динамика соотношения между основными пулами углерода в экосистеме (сценарий без рубок при потеплении)

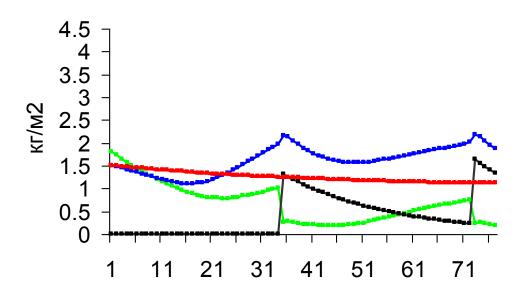
## Динамика органического вещества почвы при рубках и пожарах в лесной экосистеме





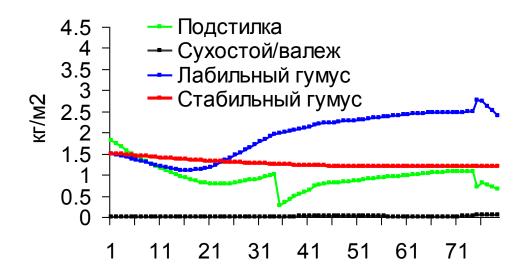
- 1. Сплошные рубки главного пользования (*каждые 70 лет*), рубки ухода (*каждые 40 лет*)
- 2. Верховой пожар (*каждые 70 лет*), рубки ухода (*каждые 40 лет*)
- 3. Верховой пожар (каждые 33 года)





## Влияние на почву верховых и низовых пожаров

1. Верховые пожары



2. Низовые пожары

#### Спасибо за внимание!

